



ශ්‍රී ලංකා ගණකාධිකරණ කිල්පීය ආයතනය

2015 ජුලි විනාගය - AA1 මට්ටම

**යෝජන උත්තර
(AA12)**

**වනාපාර සඳහා ප්‍රමාණාත්මක ක්‍රම
(QMB)**

ශ්‍රී ලංකා ගණකාධිකරණ කිල්පීය ආයතනය
නො. 540, පුරුෂ මුරුත්තෙවුවේ ආනන්ද නාහිමි මාවත,
නාරාජේන්පිට, කොළඹ 05.

දුරකථන : 011-2-559 669

ශ්‍රී ලංකා ගණකාධිකරණ කිල්පීය ආයතනය

අධ්‍යාපන හා පුහුණු කිරීම් අංශය

2015 ජූලි විභාගය - AA1 මට්ටම

(12) වභාපාර සඳහා ප්‍රමාණාත්මක ක්‍රම

යෝජිත උත්තර

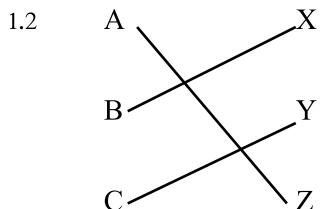
A කොටස

සියලුම ප්‍රශ්නවලට උත්තර ඇඟේක්ෂිතය.

1 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජිත උත්තර

1.1	A ගනුදෙනුකරුගේ වට්ටමින් පසු බිල්පතේ අගය	= 2125 x (95/100)	= රු. 2018.75
	B ගනුදෙනුකරුගේ වට්ටමින් පසු බිල්පතේ අගය	= 5050 x (90/100)	= රු. 4545.00
	මේ අනුව බිල්පත් දෙකෙහි වට්ටාකම	= 2018.75 + 4545.00	
			= රු. 6563.75

නිවැරදි පිළිතුර (3) වේ.



නිවැරදි පිළිතුර (1) වේ.

1.3 නිවැරදි පිළිතුර (2) වේ.

$$1.4 \quad (6 + 6) / 46 \times 360 = 93.9 \approx 94^{\circ}$$

නිවැරදි පිළිතුර (3) වේ.

1.5	වර්තමාන අගය (PV)	= 400 x 0.926 + 450 x 0.857 + 480 x 0.794 + 500 x 0.735 +
		(510 + 1600) x 0.681
		= 2941.58

රු. මිලියන 2942 (ආසන්න මිලියනය)

* මෙය වටයා ඇත්තේ 2941 ලේසටය.

නිවැරදි පිළිතුර (3) වේ.

ආදායමේ වටිනාකම	සම්භාවිතාව
5,000	0.1
150,000	0.005
0	0.895

$$\begin{aligned}
 \text{අපේක්ෂිත ලාභය} &= \text{අපේක්ෂිත ආදායම - අපේක්ෂිත පිරිවැය} \\
 &= 1300 - (5000 \times 0.1 + 150000 \times 0.005 + 0 \times 0.895) \\
 &= 1300 - 1250 \\
 &= රු. 50
 \end{aligned}$$

නිවැරදි පිළිතුර (4) වේ.

1.7 පිළිතුර ක්‍රමවත් සහ පොකුරු නියැදීම යන්නයි.

නිවැරදි පිළිතුර (1) වේ.

1.8 පහත ඒවා අනුරෙන් තිනැම තුනක් (03) :-

1. ආයෝජන පිරිවැය
2. ලැබෙන මුදල් ප්‍රවාහ
3. අවදානම
4. අවශ්‍ය ප්‍රාග්ධනය තිබීම
5. එය ජ්‍යෙව ගැනීමේ අවශ්‍යකාව
6. ඇස්තමේන්තුත මුදල් ප්‍රවාහයන්ගේ අවිනිශ්චිතභාවය
7. ආයෝජනයක මූල්‍ය නොවන ප්‍රතිලාභ
8. ආයෝජනයන් අපේක්ෂිත ඉපැයිමේ ප්‍රතිලාභ

1.9 අපත්‍යයි.

1.10 සත්‍යයි.

(කෙලින් ම ප්‍රස්ථාරයෙන්)

විකල්ප ක්‍රමයක් (ගණනය කිරීමෙන්)

පිරිවැය ක්‍රිතය $C = 200000 + 15x$

ආදායම ක්‍රිතය $R = 50x (50 = 100000 / 2000)$

සමායත ලක්ෂ්‍යය සඳහා $50x = 200000 + 15x$

$$35x = 200000$$

$$x = 5714.29$$

මේ අනුව දෙන ලද ප්‍රකාශය, සත්‍ය වේ.

1.11 ලාභය = ආදායම - පිරිවැය

$$500,000 - 350,000$$

$$\text{රු. } 150,000$$

සත්‍යයි.

1.12 අභ්‍යන්තරයි.

1.13 අභ්‍යන්තරයි.

1.14 $P_n q_o$

$$\begin{aligned} 1.15 \quad \text{ලැස්පියරගේ ප්‍රමාණ ද්‍රැශකය} &= \frac{\sum q_n P_o}{q_o P_o} \times 100 \\ 0.9625 &= \frac{(90 + 225 + 224)}{(12 \times 10 + X \times 25 + 15 \times 16)} \\ &= \frac{539}{(120 + 25X + 240)} \\ &= \frac{539}{(360 + 25X)} \\ 0.9625 (360 + 25X) &= 539 \\ 346.5 + 24.0625X &= 539 \\ 24.0625X &= 192.5 \\ X &= \underline{\underline{8}} \end{aligned}$$

$$1.16 \quad \text{ලැස්පියරගේ මිල ද්‍රැශකය (LP)} = \frac{\sum q_n P_o}{q_o P_o} \times 100$$

අයිතමය	පදනම් වර්ෂය		ප්‍රවර්තන වර්ෂය		$P_o q_o$	$P_n q_o$
	P_o	q_o	P_n	q_n		
A	10	12	14	9	120	168
B	25	8	27	9	200	216
C	16	15	19	14	240	285
					560	669

$$\begin{aligned} \text{ලැස්පියරගේ මිල ද්‍රැශකය} \quad LP &= (669 / 560) \times 100 \\ &= \underline{\underline{119.46\%}} \end{aligned}$$

A කොටසෙහි අවකාශය.

B කොටස

සියලුම ප්‍රශ්නවලට උත්තර අපේක්ෂිතය.

(මුළු ලක්ෂණ 32)

2 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජන උත්තර

(a) මාසික ලාභය රු. මිලියන $a, ar, ar^2 \dots$ වන ගුණෝත්තු හෝ සියලුම පිහිට්වන්නේ යැයි සිතමු.

එවිට,

$$a + ar = 36 \rightarrow a(1+r) = 36 \quad \text{--- (1)}$$

$$a \times ar^2 = 9(ar)$$

$$a^2r^2 = 9ar$$

$a \neq 0$ සහ $r \neq 0$ විය යුතු බැවින්,

$$ar = 9 \quad a = 9/r \quad \text{--- (2)}$$

(2) හි a, (1) හි ආ.කි.

$$\frac{9}{r}(1+r) = 36$$

$$9 + 9r = 36r$$

$$27r = 9 \rightarrow r = 1/3$$

(2) හි ආ.කි.

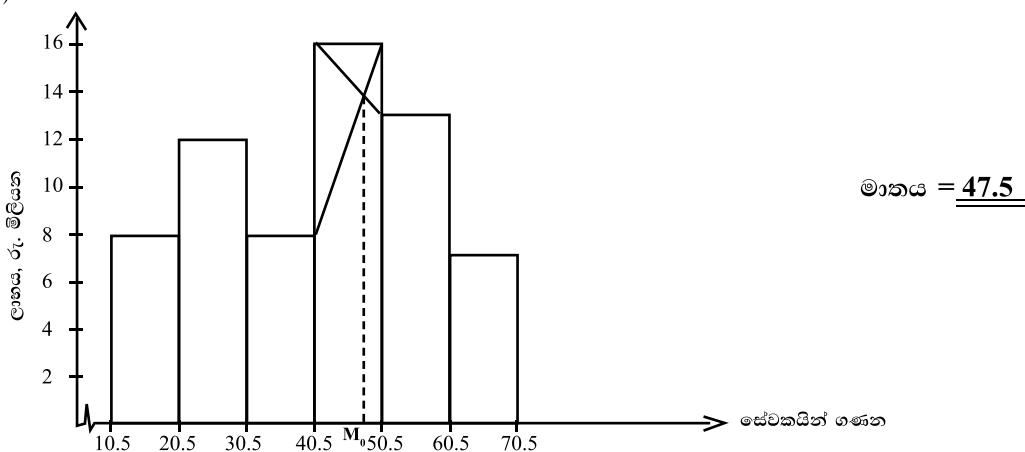
$$a = \frac{9}{(1/3)} = 27$$

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r} \quad \text{හි } a = 27; r = 1/3 \text{ සහ } n = 8 \text{ ආ.කි.}$$

$$\text{මාස 8 ක කාලයේමාව සඳහා ලාභයෙහි එකතුව} = \frac{27[1 - (1/3)^8]}{1 - (1/3)} = 40 \frac{40}{81}$$

රු. මිලියන 40.4938 (දීගම ස්ථාන 4 කට)

(b)



3 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජන උත්තර

(a) පිරිවැය ක්‍රිතය

$$\begin{aligned} C &= 1/3P^3 - 5P^2 + 16P + 100 \\ dC/dP &= 1/3 \times 3P^2 - 5(2P) + 16(1) + 0 \\ &= P^2 - 10P + 16 \end{aligned}$$

හැරුම් ලක්ෂ්‍ය සඳහා $dC/dP = 0$ කිරීමෙන්

$$\begin{aligned} P^2 - 10P + 16 &= 0 \\ (P - 2)(P - 8) &= 0 \\ P = 2 \text{ හේ } P &= 8 \end{aligned}$$

$$d^2C/dP^2 = 2P - 10$$

$$P = 2 \quad \text{d}^2C/dP^2 = 2(2) - 10 = -6 < 0 \rightarrow P = 2, \text{ ඇපරිමයකි.}$$

$$P = 8 \quad \text{d}^2C/dP^2 = 2(8) - 10 = 6 > 0 \rightarrow P = 8, \text{ අවමයකි.}$$

මේ අනුව නිෂ්පාදන පිරිවැය අවම වන ඒකක ප්‍රමාණය = 8 කි.

(b)	මෝටර රථ ගණන	අනතුරු ගණන (f)	මධ්‍ය අගය (x)	$U = \frac{(x - A)}{C}$	fU	fU ²
41-45	1	43	-3	-3	9	
46-50	2	48	-2	-4	8	
51-55	3	53	-1	-3	3	
56-60	6	58 (A)	0	0	0	
61-65	8	63	1	8	8	
66-70	3	68	2	6	12	
71-75	2	73	3	6	18	

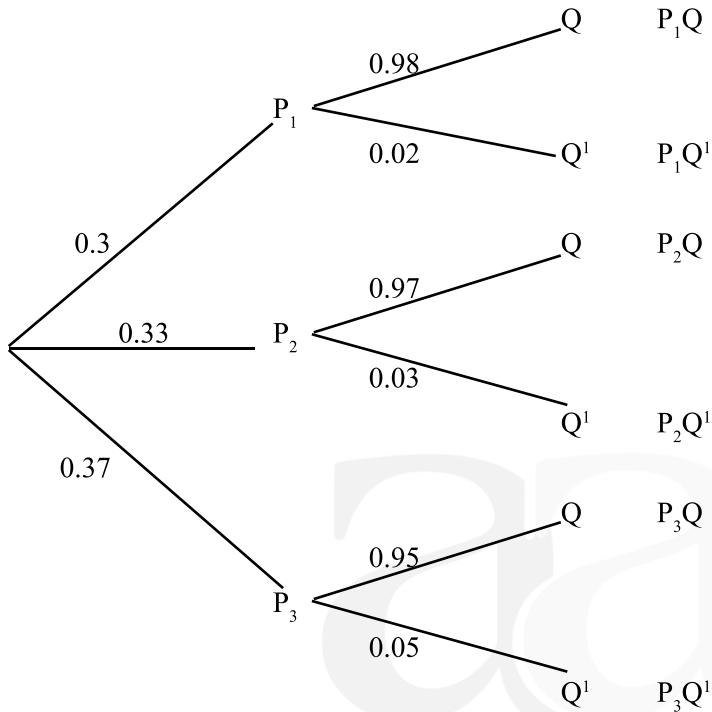
$$\Sigma fU = 10 \qquad \Sigma fU^2 = 58$$

$$\begin{aligned} \text{මධ්‍යනය} \quad \bar{X} &= A + \left(\frac{\Sigma fU}{\Sigma f} \right) \times C \\ \bar{X} &= 58 + (10 / 25) \times 5 = \underline{\underline{60}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{සම්මත අපගමනය, } \sigma &= C \times \sqrt{\frac{\Sigma fU^2}{\Sigma f} - \left(\frac{\Sigma fU}{\Sigma f} \right)^2} \\ &= 5 \times \sqrt{(58/25) - (10/25)^2} \\ &= 5 \times \sqrt{2.32 - 0.16} \\ &= 5 \times \sqrt{2.16} \\ &= \underline{\underline{7.348}} \quad (\text{අගම ස්ථාන } 3 \text{ කට}) \end{aligned}$$

4 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජන උත්තර

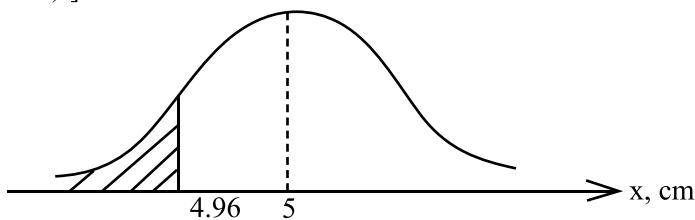
නිසි ලෙස අපුරා තිබුමේ සිද්ධිය Q ලෙස ද,
නිසි ලෙස අපුරා නොතිබුමේ සිද්ධිය Q^1 ලෙස ද සලකමු.



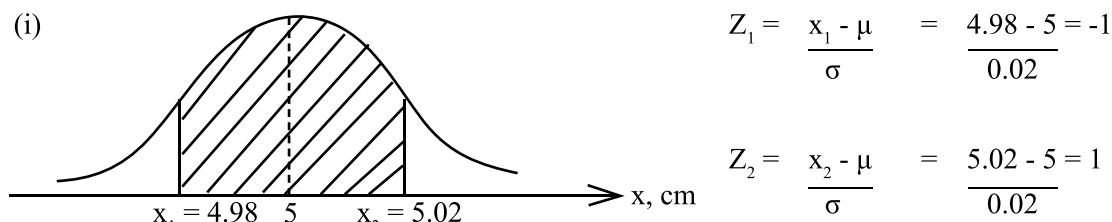
$$\begin{aligned}
 \text{නිසි ලෙස අපුරා නොතිබුමේ සම්භාවිතාවය} &= P(Q^1) \\
 &= P(P_1 \cap Q^1) + P(P_2 \cap Q^1) + P(P_3 \cap Q^1) \\
 &= (0.3 \times 0.02) + (0.33 \times 0.03) + (0.37 \times 0.05) \\
 &= \underline{\underline{0.0344}}
 \end{aligned}$$

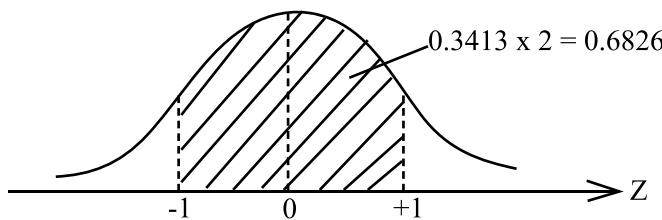
- (b) නිෂ්පාදනය කරන ලබන වානේ කම්බී වර්ගයේ දිග x නම් සන්තතික සසම්භාවී විවෘතයන් නිරුපනය කරමු.

එවිට, $x \sim N [5, (0.02)^2]$



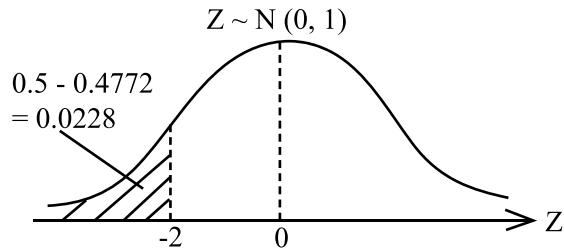
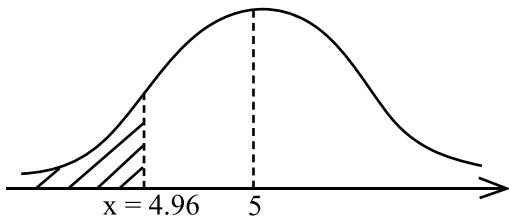
(i)





මේ අනුව, $P(4.98 < x < 5.02) = \underline{\underline{0.6826}}$

(ii)



$$Z_1 = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{4.96 - 5}{0.02} = -2$$

මේ අනුව ප්‍රතික්ෂේපීත වානේ කම්බිටල ප්‍රතිගතය $0.0228 \times 100 = \underline{\underline{2.28\%}}$

5 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජන උත්තර

යන්ත්‍රයේ ආසු කාලය (x)	පැයකට නිමැවුම (y)	A xy	B x^2	C y^2
2	50	100	4	2500
4	60	240	16	3600
6	55	330	36	3025
12	45	540	144	2025
14	40	560	196	1600
16	35	560	256	1225
$\Sigma x = 54$	$\Sigma y = 285$	$\Sigma xy = 2330$	$\Sigma x^2 = \underline{\underline{652}}$	$\Sigma y^2 = \underline{\underline{13975}}$

$$\text{සහසම්බන්ධතා සංගුණකය } (r) = \frac{n \sum xy - (\sum x)(\sum y)}{\sqrt{[n \sum x^2 - (\sum x)^2][n \sum y^2 - (\sum y)^2]}}$$

$$r = \frac{6(2330) - (54)(285)}{\sqrt{[6(652) - (54)^2][6(13975) - (285)^2]}}$$

$$r = \frac{-1410}{\sqrt{996 \times 2625}}$$

$$= \underline{\underline{0.872}} \text{ (දැයුණුවාන 3 කට)}$$

B කොටසෙහි අවසානය.

C කොට්ඨක

සියලුම ප්‍රශ්නවලට උත්තර අපේක්ෂිතය.

(මුළු ලක්ශ්‍ර 28)

6 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජිත උත්තර

(a) කාල ගෞනීවල විවෘතයන්ට අදාළ සංරචක :

උපනත් සංරචකය

ආර්තව (සංතුමය) සංරචකය

වත්‍ය (වාතික) සංරචකය

අක්ම (අවධි) සංරචකය

(b) කොටස් මිල පිළිබඳව පහත දැනු ගණනය කිරීම :

වර්ෂය	කාර්තුව	කොටසක මිල (රු.)	(i) වල එකතු අගයන්	(ii) කේත්දුගතවල එකතු අගයන්	(iii) සහ (iv) කාර්තුමය වල මධ්‍යනය අගයන් සහ උපනත් අගයන්
2012	1	88			
	2	69	337		
	3	75	294	631	78.875
	4	105		594	74.25
2013	1	45	300		73.75
	2	75	290	590	71.625
	3	65	283	573	72.125
	4	98	294	577	75.5
2014	1	56	310		77.625
	2	91	311	604	77.875
	3	66	312	621	80.375
	4	99	331	623	83.375
2015	1	75	336		85.5
	2	96	348	684	88.375
	3	78	359	707	
	4	110			

7 වන ප්‍රශ්නය සඳහා යෝජන උත්තර

(a) ගුද්ධ වර්තමාන අගයන් ගණනය කිරීම

1 වන යෝජනාවට අදාළ යන්ත්‍රයේ ගුද්ධ වර්තමාන අගය

$$\begin{aligned} \text{NPV}_1 &= (20 \times 0.926 + 30 \times 0.857 + 35 \times 0.794 + 35 \times 0.735 + 30 \times 0.681) - 100 \\ &= 118.175 - 100 \\ &= \underline{\underline{\text{රු. මිලියන } 18.175}} \quad (> 0) \end{aligned}$$

2 වන යෝජනාවට අදාළ යන්ත්‍රයේ ගුද්ධ වර්තමාන අගය

$$\begin{aligned} \text{NPV}_2 &= (10 \times 0.926 + 15 \times 0.857 + 20 \times 0.794 + 25 \times 0.735 + 25 \times 0.681 + 25 \times 0.630 \\ &\quad + (20 + 20) \times 0.583) - 115 \\ &= 112.465 - 115 \\ &= \underline{\underline{\text{රු. මිලියන } 2.535}} \quad (< 0) \end{aligned}$$

(b) 1 වන ව්‍යාපෘතියේ ගු.ව.අ. දන බැවින් පළමුවන යෝජනාව ඉදිරියට ගෙන යා යුතුය. මෙය ලාභදායී ව්‍යාපෘතියකි.

(c) 2 වන ව්‍යාපෘතියේ ගු.ව.අ. සානු බැවින් දෙවන යෝජනාව ඉදිරියට නොගෙන යා යුතුය. මෙය අලාභදායී ව්‍යාපෘතියකි.

C කොටසෙහි අවසානය.